

ΠΑΝΕΛΛΑΔΙΚΕΣ ΕΞΕΤΑΣΕΙΣ
ΗΜΕΡΗΣΙΩΝ ΚΑΙ ΕΣΠΕΡΙΝΩΝ ΓΕΝΙΚΩΝ ΛΥΚΕΙΩΝ
ΤΕΤΑΡΤΗ 12 ΙΟΥΝΙΟΥ 2024
ΕΞΕΤΑΖΟΜΕΝΟ ΜΑΘΗΜΑ:
ΦΥΣΙΚΗ ΠΡΟΣΑΝΑΤΟΛΙΣΜΟΥ

Ενδεικτικές απαντήσεις

ΘΕΜΑ Α

A1. δ)

A2. γ)

A3. γ)

A4. β)

A5. α) Σ β) Λ γ) Σ δ) Σ ε) Λ

ΘΕΜΑ Β

B1.

α) Σωστή απάντηση το ii $\phi_{2\max} = 2\pi(10^{15}t - \frac{2 \cdot 10^7}{3}x)$ (S.I.)

β) Προκειμένου να βρούμε το μήκος κύματος αιχμής $\lambda_{1\max}$, χρησιμοποιούμε τα δεδομένα από την εξίσωση της φάσης του ηλεκτρικού πεδίου της ηλεκτρομαγνητικής ακτινοβολίας όπου

$$\phi_{1\max} = 2\pi(10^{15}t - \frac{10^7}{3}x) \text{ καθώς ο παράγοντας } \frac{10^7}{3}x \text{ αντιστοιχεί στο κλάσμα } \frac{x}{\lambda}.$$

$$\text{Επομένως } \frac{10^7}{3}x = \frac{x}{\lambda_{1\max}} \Rightarrow \lambda_{1\max} = 3 \cdot 10^{-7} \text{ m}$$

Από το Νόμο μετατόπισης Wien, όπου: $\lambda_{1\max} \cdot T_1 = \lambda_{2\max} \cdot T_2$, με κατάλληλη αντικατάσταση στα μήκος κύματος αιχμής $\lambda_{1\max}$ και με θερμοκρασία $T_2 = 2 \cdot T_1$ βρίσκουμε ότι:

$$3 \cdot 10^{-7} \cdot T_1 = \lambda_{2\max} \cdot 2T_1 \Rightarrow$$

$$\lambda_{2\max} = \frac{3}{2} \cdot 10^{-7} \text{ m}$$

Η συχνότητα της ηλεκτρομαγνητικής ακτινοβολίας παραμένει σταθερή, επομένως με κατάλληλη αντικατάσταση στο τύπο της φάσης, προκύπτει ότι

$$\phi_{2\max} = 2\pi(10^{15}t - \frac{2 \cdot 10^7}{3}x)(S.I.)$$

B2.

α) Σωστή απάντηση το i. Βάριο

β) Σύμφωνα με την εκφώνηση, ισχύει ότι οι στροφορμές των φωτοηλεκτρονίων που εισέρχονται στο ΟΜΠ συνδέονται με τη σχέση $L_2 = 5 \cdot L_1$ άρα αφού $L = m \cdot u \cdot r$, προκύπτει ότι:

$$u_2 \cdot R_2 = 5 \cdot u_1 \cdot R_1 \quad (1)$$

Προκειμένου να υπολογίσουμε το έργο εξαγωγής ϕ και στη συνέχεια να καθορίσουμε το είδος του μετάλλου θα χρησιμοποιήσουμε την εξίσωση του Einstein για το φωτοηλεκτρικό φαινόμενο όπου:

$$K = hf - \phi \quad (2)$$

Βρίσκουμε ότι:

$$h \cdot f_1 = h \cdot \frac{c}{\lambda_1} = \frac{hc}{\lambda_1} = \frac{1250\text{eV} \cdot \text{nm}}{375\text{nm}} = \frac{10}{3}\text{eV}$$

Και καθώς το μήκος κύματος στο 2^ο Πείραμα θα υποδιπλασιαστεί:

$$h \cdot f_2 = h \cdot \frac{c}{\lambda_2} = \frac{hc}{\lambda_2} = \frac{1250\text{eV} \cdot \text{nm}}{187,5\text{nm}} = \frac{20}{3}\text{eV}$$

Όταν το φωτοηλεκτρόνιο εισέρχεται κάθετα στο ΟΜΠ θα δεχθεί δύναμη Lorentz με φορά προς τα κάτω σύμφωνα με το κανόνα των τριών δακτύλων. Η δύναμη Lorentz θα παίξει το ρόλο της κεντρομόλου με αποτέλεσμα το φωτοηλεκτρόνιο να εκτελέσει ΟΚΚ ακτίνας

$$R = \frac{m \cdot u}{B \cdot |q|} \quad (3)$$

Χρησιμοποιώντας τις σχέσεις (1) και (3) προκύπτει ότι:

$$u_2 \cdot \frac{m \cdot u_2}{B \cdot |q|} = 5 \cdot u_1 \cdot \frac{m \cdot u_1}{B \cdot |q|}$$

$$K_2 = 5 \cdot K_1 \quad (4)$$

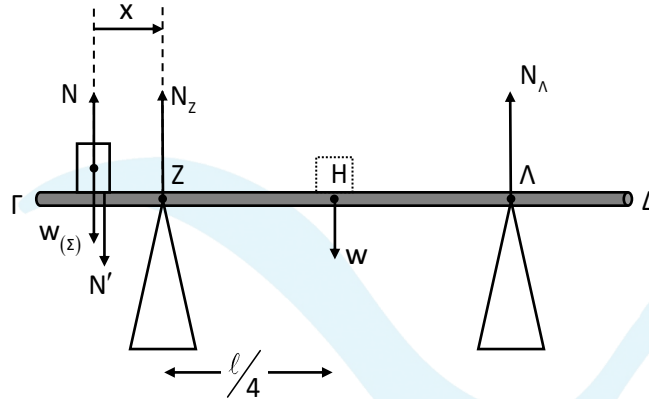
Με κατάλληλη αντικατάσταση των K και hf στην εξίσωση του Einstein:

$$K_1 = \frac{10}{3} - \phi \quad \text{και} \quad K_2 = \frac{20}{3} - \phi$$

Επομένως:

$$K_2 = 5 \cdot K_1 \Rightarrow \frac{20}{3} - \phi = 5 \cdot \left(\frac{10}{3} - \phi \right) \Rightarrow \frac{20}{3} - \phi = \frac{100}{3} - 5 \cdot \phi \Rightarrow \phi = 2,5\text{eV}$$

B3.



α) Σωστή απάντηση το ii. $\frac{3\ell}{8}$

Προκειμένου να χαθεί οριακά η επαφή της δοκού με την κορυφή του υποστηρίγματος (2) θα πρέπει η κάθετη αντίδραση N από το σημείο Λ να ισούται οριακά με το μηδέν.

Εφαρμόζοντας 1^ο Νόμο Νεύτωνα στο Σώμα (Σ)

$$\Sigma F = 0 \Rightarrow N = W_{(z)} \Rightarrow N = m \cdot g \text{ επομένως και η κάθετη αντίδραση } N' \text{ θα είναι ίση με } mg.$$

Στο σημείο Λ υπάρχει επαφή χωρίς να ασκείται δύναμη άρα:

$$\vec{\Sigma \tau}_{(\Lambda)} = 0 \Rightarrow N' \cdot x - W_{(z)} + N_{\Lambda} \cdot \frac{\ell}{2} = 0 \text{ όπου } N_{\Lambda} = 0$$

Λύνουμε τη παραπάνω εξίσωση και βρίσκουμε $x = \frac{\ell}{8}$ συνεπώς η συνολική απόσταση θα είναι

$$\text{ίση } \frac{\ell}{8} + \frac{\ell}{4} = \frac{3\ell}{8}$$

β) Σωστή απάντηση το i. $\frac{3\ell}{16}$

Το σημείο επαφής του δίσκου με τη ράβδο θα έχει ταχύτητα $u_{\Delta} = 2 \cdot u_{cm}$

Συνεπώς η ράβδος θα έχει διανύσει διπλάσια απόσταση από το κέντρο μάζας του δίσκου.

Άρα ο δίσκος θα έχει διανύσει $\frac{3\ell}{16}$ δηλαδή τη μισή απόσταση από τη ράβδο/σώμα Σ

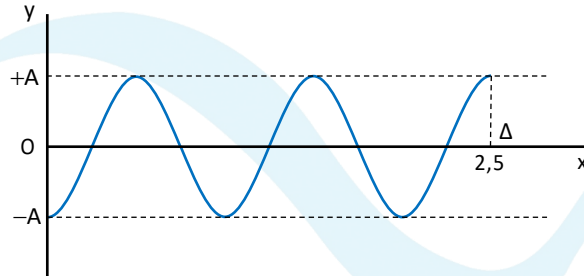
ΘΕΜΑ Γ

Γ1.

α) Σε κάθε πλήρη ταλάντωση το υλικό σημείο O διέρχεται 2 φορές από την θέση ισορροπίας. Άρα όταν το O διέρχεται 60 φορές από την θέση ισορροπίας έχει κάνει 30 πλήρεις ταλαντώσεις.

Έτσι η συχνότητα είναι $f = \frac{N_{\text{ταλ}}}{\Delta t} = \frac{30}{60} = \frac{1}{2} \text{ Hz}$ άρα $T = \frac{1}{f} = 2 \text{ s}$.

β) Από τα δεδομένα σχεδιάζουμε το στιγμιότυπο



Από το σχήμα $x_{\Delta} = 2\lambda + \frac{\lambda}{2} \Rightarrow 2,5 = \frac{5\lambda}{2} \Rightarrow \lambda = 1 \text{ m}$

γ) Η ταχύτητα διάδοσης $u_{\delta} = \lambda \cdot f = 1 \cdot 0,5 = 0,5 \text{ m/s}$

δ) Βρίσκουμε τον χρόνο που θα φτάσει το κύμα στο Δ

$$t_{\Delta} = \frac{x_{\Delta}}{u_{\delta}} = \frac{2,5}{0,5} = 5 \text{ s}$$

Από το σχήμα το συνολικό διάστημα 2m που έχει διανύσει το Ο είναι 10 Α άρα:

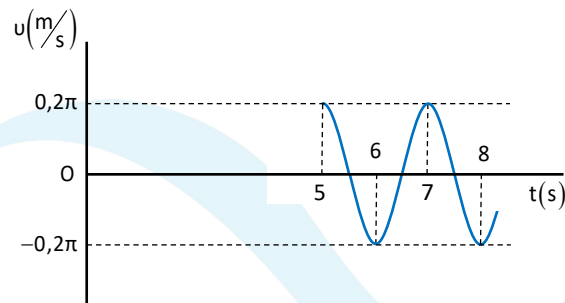
$$s_{\text{ολ}} = 10A \Rightarrow 2 = 10A \Rightarrow A = 0,2 \text{ m}$$

Γ2. Ας υποθέσουμε ότι η πηγή αρμονικής διαταραχής Ο αρχίζει να ταλαντώνεται τη χρονική στιγμή $t_0 = 0$ και ότι η ταλάντωσή της περιγράφεται από τη σχέση $y = A \eta\mu\omega t$. Ένα σημείο Δ του ελαστικού μέσου θα αρχίσει να ταλαντώνεται τη χρονική στιγμή $t_{\Delta} = \frac{x_{\Delta}}{u_{\delta}}$. Επομένως τη χρονική στιγμή t , το σημείο Δ θα ταλαντώνεται επί χρόνο $t_1 = t - t_{\Delta}$ και, με την προϋπόθεση ότι το πλάτος της ταλάντωσης του Δ είναι ίσο με το πλάτος ταλάντωσης του Ο, η εξίσωση της κίνησής του θα είναι

$$y = A\eta\mu\omega(t - \frac{x_{\Delta}}{u_{\delta}}) \Rightarrow y = A\eta\mu\frac{2\pi}{T}(t - \frac{x_{\Delta}}{u_{\delta}}) \Rightarrow y = A\eta\mu 2\pi(\frac{t}{T} - \frac{x_{\Delta}}{\lambda})$$

Γ3. $u = \omega A \text{ συν} 2\pi(\frac{t}{T} - \frac{x_{\Delta}}{\lambda}) \xrightarrow{\omega = \frac{2\pi}{2} = \pi \text{ rad/s}} u = 0,2\pi \text{ συν} 2\pi(\frac{t}{2} - 2,5) \quad t \geq t_{\Delta} = 5 \text{ s}$

Και η γραφική παράσταση από 0 έως 8s είναι:



- Γ4.** Μειώνοντας την συχνότητα δημιουργείται νέο κύμα ,στο οποίο το σημείο Ο και το Δ είναι διαδοχικά, στην ίδια θέση και με την ίδια φορά ταχύτητας ,άρα απέχουν απόστασή ενός μήκους κύματος λ' , δηλαδή :

$$\left. \begin{array}{l} \Delta x_{\text{ΟΔ}} = \lambda' = 2,5\text{m} \\ u_{\delta} = \lambda' \cdot f' \Rightarrow 0,5 = 2,5f' \end{array} \right\} f' = 0,2\text{Hz}$$

$$\text{Άρα } \Delta f = |f' - f| = 0,5 - 0,2 = 0,3\text{Hz}$$

ΘΕΜΑ Δ

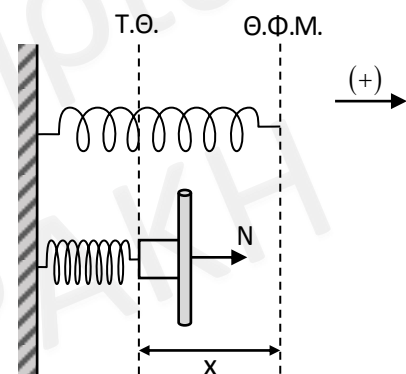
Δ1.

- α)** Για το σύστημα σώμα και ράβδος στη τυχαία θέση Τ.Θ. θα ισχύει ότι:

$\Sigma F = -F_{\epsilon\lambda} \Rightarrow \Sigma F = -k \cdot x$ επομένως θα εκτελέσει αατ με σταθερά επαναφοράς $D = k = 10\text{N/m}$

Για τη ράβδο θα ισχύει $\Sigma F_p = -D_p \cdot x \Rightarrow N = -D_p \cdot x$

Επομένως η επαφή χάνεται όταν $N = 0$ το οποίο συμβαίνει στο $x = 0$ δηλαδή στη Θ.Ι. η οποία στο οριζόντιο ελατήριο ταυτίζεται με τη Θ.Φ.Μ



- β)** Για το σύστημα $D = (M_p + m) \cdot \omega^2 \Rightarrow \omega = 2,5(\text{r/s})$

Επειδή το σύστημα αφήνεται χωρίς αρχική ταχύτητα σε απόσταση 0,4m από τη Θ.Ι. συμπεραίνουμε πως αυτή είναι και η ακραία θέση. Επομένως το πλάτος της ταλάντωσης θα είναι ίσο με $A = 0,4\text{m}$.

Όταν χάνεται η επαφή το σύστημα βρίσκεται στη θέση ισορροπίας, επομένως θα έχει και μέγιστη ταχύτητα $u_{\text{max}} = \omega \cdot A = 1(\text{m/s})$

Μετά την απώλεια επαφής, θα αλλάξει η μάζα του συστήματος, επομένως θα αλλάξει και το ω .

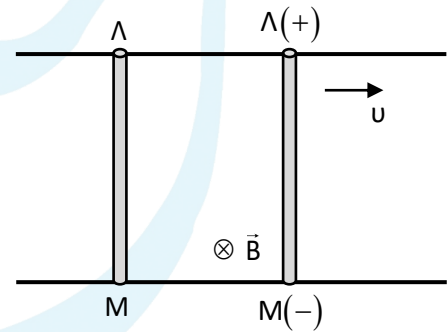
$$D = m \cdot \omega' \Rightarrow \omega' = \sqrt{\frac{k}{m}} = 5 \text{ (r/s)}$$

Όμως επειδή η απώλεια μάζας δεν αλλάζει τη Θ.Ι του συστήματος η μέγιστη ταχύτητα θα παραμείνει 1 m/s . Συνεπώς θα αλλάξει και το πλάτος της ταλάντωσης:

$$u_{\max} = \omega' \cdot A' \Rightarrow A' = 0,2 \text{ m}$$

- Δ2.** Η μαγνητική ροή που διέρχεται από την επιφάνεια που ορίζει η ράβδος και οι αγωγοί χA και γA θα μεταβάλλεται λόγω της κίνησής της μέσα στο ΟΜΠ. Επομένως σύμφωνα με τον Νόμο Faraday θα αναπτύσσεται σε αυτή ΗΕΔ από επαγωγή με

$$E_{\text{επ}} = - \left| \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \right|.$$



Τα θετικά φορτία του ΛM δέχονται μια δύναμη Lorentz η οποία σύμφωνα με τον κανόνα των τριών δακτύλων θα έχει φορά προς το Λ . Άρα στο Λ θα υπάρξει συσσώρευση θετικού φορτίου και ταυτόχρονα στο M πλεόνασμα αρνητικών φορτίων. Επομένως η πολικότητα θα είναι αυτή του σχήματος με $\Lambda(+)$ και $M(-)$.

- Δ3.** $\Sigma F = M_p \cdot \alpha \Rightarrow F = M_p \cdot \alpha \Rightarrow \alpha = \frac{3}{1,2} = 2,5 \text{ m/s}^2$

$$0 \rightarrow t_1 : \text{ΕΟΚ} (\Sigma F = 0) \text{ άρα } u_1 = u = 1 \text{ m/s}$$

$$t_1 \rightarrow t_2 : \alpha = \frac{\Delta u}{\Delta t} = \frac{u_2 - u_1}{\Delta t} \Rightarrow u_2 = 6 \text{ m/s}$$

Δ4.

- α)** Αμέσως μετά το κλείσιμο του (δ) $E_{\text{επ}} = B u_2 L = 6 \text{ V}$ και αφού το κύκλωμα είναι κλειστό θα

$$\text{διαρρέεται από } I_{\text{επ}} = \frac{E_{\text{επ}}}{R_{\text{ολ}}}.$$

Αφού ο κυκλικός αγωγός έχει ίδια διατομή και τα ημικύκλια έχουν το ίδιο μήκος, άρα έχουν την ίδια αντίσταση.

$$\left. \begin{array}{l} R_{\Delta N Z} = R_{\Delta \Theta Z} \\ R_{\Delta N Z} + R_{\Delta \Theta Z} = R_2 \end{array} \right\} R_{\Delta N Z} = R_{\Delta \Theta Z} = \frac{R_2}{2} = 5 \Omega$$

Τα 3 ημικύκλια $(\Delta \Theta Z, \Delta N Z, A \eta \Gamma)$ είναι παράλληλα συνδεδεμένα άρα

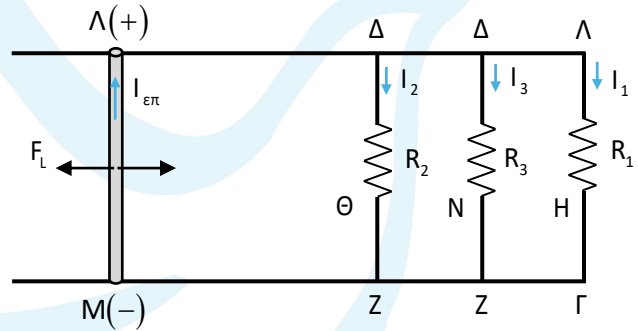
$$\frac{1}{R_{ολ}} = \frac{1}{R_{\Delta\Lambda\Gamma}} + \frac{1}{R_{\Delta\Theta\Gamma}} + \frac{1}{R_1} \Rightarrow R_{ολ} = 2 \Omega \text{ και } I_{\epsilon\pi} = \frac{6}{2} = 3 \text{ A}$$

Ο αγωγός ΛΜ θα δέχεται δύναμη Laplace μέτρου $F_L = BI_{\epsilon\pi}L = 3\text{N}$ κάθετη στον αγωγό και σύμφωνα με κανόνα Lenz αντίρροπη στη ταχύτητα άρα $\Sigma F = F - F_L = 0$ επομένως ΕΟΚ.

- β) Ο αγωγός διαρρέεται από το $I_{\epsilon\pi} = 3 \text{ A}$ με φορά που φαίνεται στο σχήμα, σύμφωνα με τον κανόνα των 3 δακτύλων.

Η τάση στα άκρα του κάθε ημικυκλίου είναι ίδια και ίση με την ΗΕΔ άρα

$$I_1 = \frac{E_{\epsilon\pi}}{R_1} = 0,6 \text{ A}, \quad I_2 = I_3 = \frac{E_{\epsilon\pi}}{\frac{R_2}{2}} = 1,2 \text{ A}$$



Δ5.

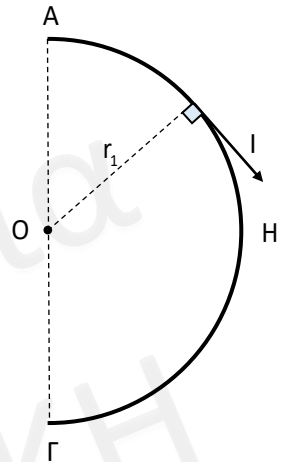
- α) Από το Νόμο Biot-Savart το κάθε στοιχειώδες μήκος $\Delta\ell$ του αγωγού δημιουργεί στο σημείο Ο μαγνητικό πεδίο έντασης $\Delta B = \frac{\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{I \cdot \Delta\ell}{r^2} \cdot \eta\mu\theta$

όπου $\theta=90^\circ$. Επομένως $\Delta B = \frac{\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{I \cdot \Delta\ell}{r^2}$

Όλος ο ημικυκλικός αγωγός δημιουργεί μαγνητικό πεδίο έντασης $B = \Sigma B = \frac{\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{I \cdot \Sigma\Delta\ell}{r^2}$ όπου $\Sigma\Delta\ell = \pi \cdot r$ (μήκος ημικυκλίου) άρα

$$B = \Sigma B = \frac{\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{I \cdot \pi r}{r^2} = \frac{\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{I \cdot \pi}{r}$$

Για τον ΑΗΓ $B_1 = \frac{\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{I_1 \cdot \pi}{r_1} = 12\pi \cdot 10^{-8} \text{ T}$ και με φορά από τον αναγνώστη προς τη σελίδα.



- β) Για τα δύο ημικύκλια τμήματα στα οποία χωρίζεται ο κυκλικός αγωγός θα ισχύει η ίδια σχέση υπολογισμού με αυτή του ημικύκλιου ΑΗΓ. Αφού είναι όμοιοι και διαρρέονται από ίδιας έντασης ρεύματος θα ισχύει ότι έχουν ίσα μέτρα με $B_2 = B_3$ και σύμφωνα με τον κανόνα του δεξιού χεριού αντίθετη φορά όπως δείχνει και το σχήμα. Επομένως το συνολικό μαγνητικό πεδίο θα έχει ίσο μέτρο και φορά με αυτή του B_1

