

**ΦΥΣΙΚΗ**  
 ΓΕΛ Γ΄ ΛΥΚΕΙΟΥ  
 22 ΙΟΥΝΙΟΥ 2021

**ΑΠΑΝΤΗΣΕΙΣ**

**Θέμα Α΄**

- A.1 (γ)  
 A.2 (δ)  
 A.3 (γ)  
 A.4 (β)  
 A.5 Σ, Λ, Σ, Σ, Λ

**Θέμα Β΄**

B.1 Ισορροπεί το σύστημα άρα,

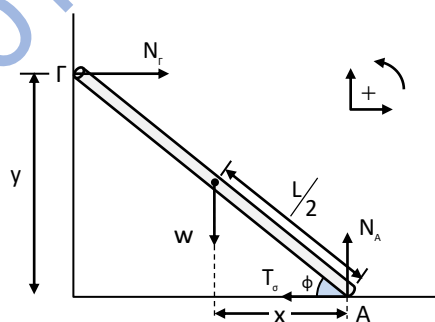
$$\Sigma F_x = - \Rightarrow N_\Gamma = T_{\sigma\tau} = \mu \cdot N_A = \mu w \Rightarrow \boxed{N_\Gamma = \mu \cdot w}$$

$$\Sigma F_y = 0 \Rightarrow \boxed{N_A = w}$$

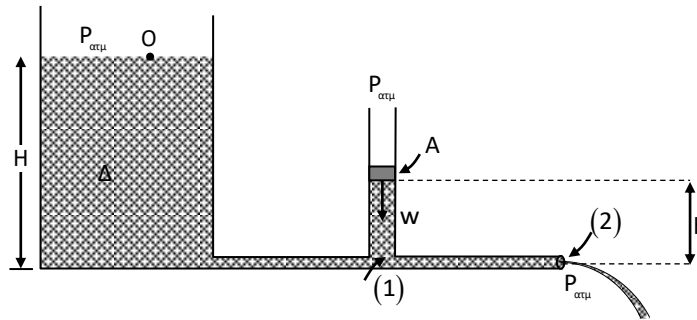
$$\Sigma \vec{\tau}_{(A)} = 0 \Rightarrow \vec{\tau}_{N_\Gamma(A)} + \vec{\tau}_{w(A)} + \vec{\tau}_{N_A(A)} + \vec{\tau}_{T_{\sigma\tau(A)}} = 0$$

$$-N_\Gamma \cdot y + w \cdot x = 0 \Rightarrow -\mu w \cdot \eta \mu \phi \cdot L + w \frac{L}{2} \sigma \nu \phi = 0 \Rightarrow$$

$$\cancel{w} \frac{L}{2} \sigma \nu \phi = \mu \cdot \cancel{w} \cdot \eta \mu \phi \cdot L \Rightarrow \frac{1}{2\mu} = \frac{\eta \mu \phi}{\sigma \nu \phi} \Rightarrow \epsilon \phi \phi = \frac{1}{2\mu}. \quad \text{Σωστή η ii.}$$



**B.2**



$$A_1 = 2A_2 \quad h = H/4$$

$$\text{Bernoulli}_{0 \rightarrow 2} : P_0 + \rho g H = P_2 + \frac{1}{2} \rho v_2^2 \Rightarrow P_{\text{atm}} + \rho g H = P_{\text{atm}} + \frac{1}{2} \rho v_2^2 \Rightarrow v_2 = \sqrt{2gH} \quad (1)$$

$$\text{Εξίσωση συνεχ. (1) } \rightarrow (2) \quad \Pi_1 = \Pi_2 \Rightarrow A_1 v_1 = A_2 v_2 \Rightarrow 2A_2 v_1 = A_2 v_2 \Rightarrow v_2 = 2v_1 \quad (2)$$

$$\text{Bernoulli}_{(1) \rightarrow (2)} : P_1 + \frac{1}{2} \rho v_1^2 = P_{\text{atm}} + \frac{1}{2} \rho v_2^2 \quad (3)$$

$$\text{Θεμελιώδη Νόμο Υδροστατικής από (1) } \rightarrow (A) \quad P_1 = P_{\text{atm}} + \rho g h + \frac{W}{A} \quad (4)$$

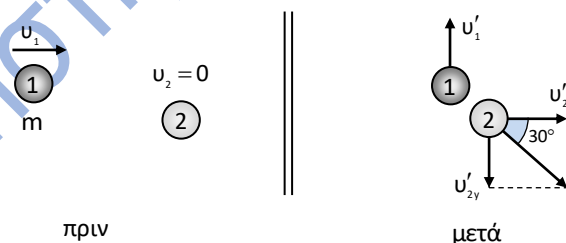
$$(3) \Rightarrow \frac{W}{A} + P_{\text{atm}} + \rho g \frac{H}{4} + \frac{1}{2} \rho v_1^2 = P_{\text{atm}} + \frac{1}{2} \rho v_2^2 \Rightarrow$$

$$\frac{W}{A} = \frac{1}{2} \rho (v_2^2 - v_1^2) - \rho g \frac{H}{4} \Rightarrow \frac{W}{A} = \frac{1}{2} \rho (4v_1^2 - v_1^2) - \rho g \frac{H}{4}$$

$$\frac{W}{A} = \frac{1}{2} \rho 3v_1^2 - \rho g \frac{H}{4} \Rightarrow \frac{W}{A} = \frac{3}{2} \rho \frac{v_2^2}{4} - \rho g \frac{H}{4} = \frac{3}{2} \rho \frac{2gH}{4} - \rho g \frac{H}{4} = \frac{\rho g H}{2} \Rightarrow W = \frac{\rho g H A}{2}$$

Σωστό (i)

**B.3**



σχήμα (1)

σχήμα (1) ελαστική κρούση

$$\text{ΑΔΟ}_{xx'} : \vec{p}_1 = \vec{p}_1' + \vec{p}_2' \Rightarrow$$

$$m_1 = m \quad m_1 u_1 = m_2 u_2' \sin 30^\circ \quad (1)$$

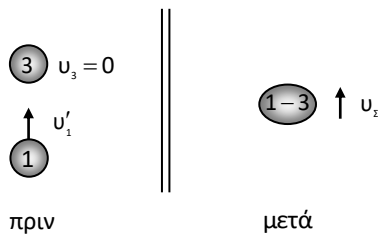
$$m_2 = 2m \quad \text{ΑΔΟ}_{yy'} : \vec{p}_1^0 = \vec{p}_1' + \vec{p}_2' \Rightarrow 0 = m_1 u_1' - m_2 u_2' \eta \mu 30^\circ \quad (2)$$

$$\text{Από (1), (2)} \Rightarrow \left. \begin{aligned} m u_1 &= 2 m u_2' \frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow u_1 = u_2' \sqrt{3} \\ m u_1' &= 2 m u_2' \frac{1}{2} \Rightarrow u_1' = u_2' \end{aligned} \right\} \text{(3)}$$

$$\text{Α.Δ.Μ.Ε.:} \quad \frac{1}{2} m_1 u_1^2 = \frac{1}{2} m_1 u_1'^2 + \frac{1}{2} m_2 u_2'^2 \stackrel{(3)}{\Rightarrow} m u_1^2 = m u_1'^2 + 2 m u_1'^2 \Rightarrow u_1^2 = 3 u_1'^2 \Rightarrow$$

$$u_1' = \frac{u_1}{\sqrt{3}} \quad \text{(4)}$$

Πλαστική κρούση  $m_1 - m_3$



σχήμα (2)

$$\text{ΑΔΟ:} \quad \vec{p}_1 + \vec{p}_3^0 = \vec{p}_z \Rightarrow m_1 u_1' = (m_1 + m_2) u_z \Rightarrow$$

$$u_z = \frac{u_1'}{2} \stackrel{(4)}{=} \frac{u_1}{2\sqrt{3}} \Rightarrow u_z = \frac{u_1 \sqrt{3}}{6} \quad \text{(5)}$$

$$\frac{K_z}{K_1} = \frac{\frac{1}{2} (m_1 + m_3) u_z^2}{\frac{1}{2} m_1 u_1^2} = \frac{2m}{m} \left( \frac{u_z}{u_1} \right)^2 \stackrel{(5)}{=} \frac{K_z}{K_1} = 2 \cdot \frac{3}{36} = \frac{1}{6}. \quad \text{Σωστό το (iii)}$$

### Θέμα Γ'

Γ.1 Με ανοιχτούς τους διακόπτες  $\delta_2, \delta_3$  το κύκλωμα είναι όπως φαίνεται στο σχήμα παρακάτω:

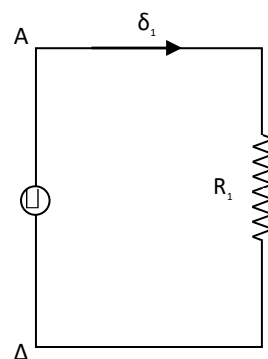
$$P_{R_1} = I_{\text{εV}}^2 R_1 \Rightarrow I_{\text{εV}}^2 = \frac{P_{R_1}}{R_1} = \frac{12}{6} = 2 \Rightarrow I_{\text{εV}} = \sqrt{2} \text{ A}$$

Για το πλάτος της έντασης  $I$ :

$$I_{\text{εV}} = \frac{I}{\sqrt{2}} \Rightarrow I = I_{\text{εV}} \sqrt{2} \Rightarrow I = 2 \text{ A}$$

Και το πλάτος της τάσης  $V$ :

$$I = \frac{V}{R_{\text{ολ}}} \Rightarrow V = I R_1 = 2 \cdot 6 = 12 \text{ V}$$



**Γ.2** Επειδή διπλασιάζεται το  $\omega$ :  $\omega' = 2\omega = 2 \cdot 50\pi = 100\pi \text{ rad/s}$   
 Και αφού  $V = N\omega BA$  θα είναι και:  $V' = 2V \Rightarrow V' = 2 \cdot 12 = 24 \text{ V}$

Η χρονική εξίσωση της στιγμιαίας τάσης γράφεται:

$$u' = V' \eta \mu(\omega' t) \Rightarrow u' = 24 \eta \mu(100\pi t) \text{ (SI)}$$

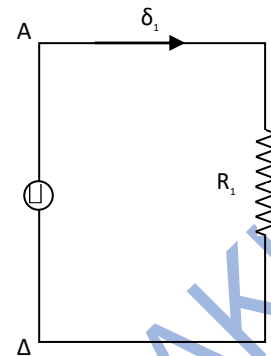
Για τη στιγμιαία ισχύ θα έχουμε:

$$p = \frac{u^2}{R_1} = \frac{24^2 \eta \mu^2(100\pi t)}{6} \Rightarrow p = 96 \eta \mu^2(100\pi t) \text{ (SI)}$$

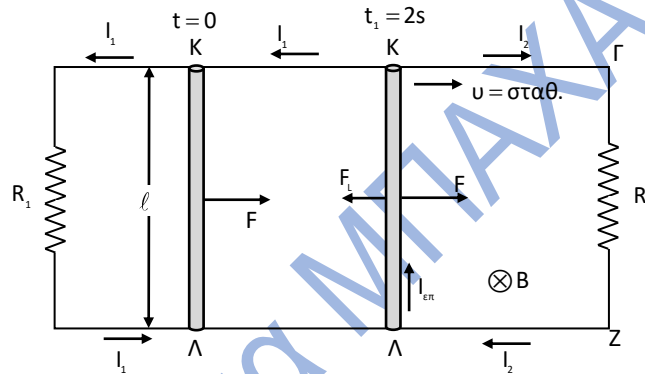
Για τη χρονική στιγμή

$$t = 5 \cdot 10^{-3} \text{ s:}$$

$$p = 96 \eta \mu^2(100\pi \cdot 5 \cdot 10^{-3}) = 96 \eta \mu^2\left(\frac{\pi}{2}\right) = 96 \text{ W}$$



**Γ.3**



Για τα πρώτα 2 sec της κίνησης του αγωγού ΚΛ στο μαγνητικό πεδίο, στον αγωγό ασκείται μόνο η σταθερή οριζόντια δύναμη  $F$  αποκτώντας σταθερή επιτάχυνση:

$$F = ma \Rightarrow 0,5 = 0,5a \Rightarrow a = 1 \text{ m/s}^2$$

Η ταχύτητα που αποκτά τη στιγμή  $t=2\text{sec}$  είναι ίση με:

$$u = u_0 + at = at = 2 \text{ m/s}$$

$$E_{\text{επ}} = \left| \frac{\Delta\Phi}{\Delta t} \right| = \frac{B\Delta S}{\Delta t} = \frac{B \cdot l\Delta x}{\Delta t} = Bul$$

$$\left. \begin{aligned} I_{\text{επ}} &= \frac{E_{\text{επ}}}{R_{\text{ολ}}} = \frac{Bul}{R_{\text{ολ}}} \\ R_{\text{ολ}} &= \frac{R_1 \cdot R_2}{R_1 + R_2} + R_{\text{κλ}} = 4 \Omega \end{aligned} \right\} \Rightarrow I_{\text{επ}} = \frac{Bul}{4} \quad (1)$$

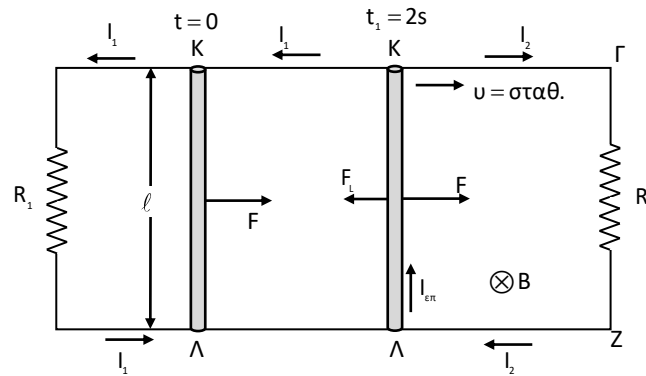
Παρατηρούμε ότι τη στιγμή  $t=2\text{sec}$  η ταχύτητα είναι σταθερή.

Επειδή τότε αποκτά σταθερή ταχύτητα:

$$\Sigma F = 0 \Rightarrow F = F_L \Rightarrow F = BI_{\text{επ}}l \xrightarrow{(1)} F = B \frac{Bul}{4}l \Rightarrow$$

$$0,5 = \frac{B^2 \cdot 2 \cdot 1}{4} \Rightarrow B = 1 \text{ T}$$

Γ.4



Στα χρονικά διαστήματα 0 ως 2 sec στον αγωγό ασκείται μόνο η οριζόντια δύναμη  $F=0,5N$  Και στο διάστημα 2 ως 5 sec ασκείται η σταθερή δύναμη  $F=0,5N$  και η FL αντίθετη στην κίνηση, όπως φαίνεται στο σχήμα.

Το έργο της σταθερής F στο χρονικό διάστημα 0 ως 2 sec, που έχει σταθερή επιτάχυνση είναι ίσο με:

$$W_F = F \cdot \Delta x_1 = F \cdot \frac{1}{2} a t^2 \Rightarrow W_F = 0,5 \cdot \frac{1}{2} \cdot 1 \cdot 2^2 = 1J$$

Για το χρονικό διάστημα 2 ως 5 sec ( $\Delta t=3$  sec) εκτελεί ΕΟΚ ( $u = \text{σταθερή} = 2 \text{ m/s}$ ) και ο αγωγός μετατοπίζεται κατά:

$$\Delta x_2 = u \Delta t = 2 \cdot 3 = 6m$$

Το έργο της σταθερής F στο χρονικό αυτό διάστημα, που έχει σταθερή ταχύτητα είναι ίσο με:

$$W'_F = F \cdot \Delta x_2 = 0,5 \cdot 6 \Rightarrow W'_F = 3J$$

Άρα το συνολικό έργο της F για στο χρονικό διάστημα 0 ως 5 sec είναι :

$$W_F = 1 + 3 = 4J$$

Ο αντιστάτης  $R_2$  διαρρέεται από σταθερό ρεύμα μόνο στο χρονικό διάστημα 2 ως 5 sec.

Ισχύει:  $V_{R_2} = V_{\text{ΚΛ}}$

$$V_{R_2} = V_{\text{ΚΛ}} = E_{\text{επ}} - I_{\text{επ}} R_{\text{ΚΛ}} = Bu l - \frac{Bu l}{R_{\text{ολ}}} R_{\text{ΚΛ}} \Rightarrow V_{R_2} = 1 \cdot 2 \cdot 1 - \frac{1 \cdot 2 \cdot 1}{4} 2 = 2 - 1 = 1V$$

$$\text{Όμως: } V_{R_2} = I_2 R_2 \Rightarrow I_2 = \frac{1}{3} A$$

Για να βρούμε τη θερμότητα στον αντιστάτη  $R_2$  χρησιμοποιούμε το νόμο Joule:

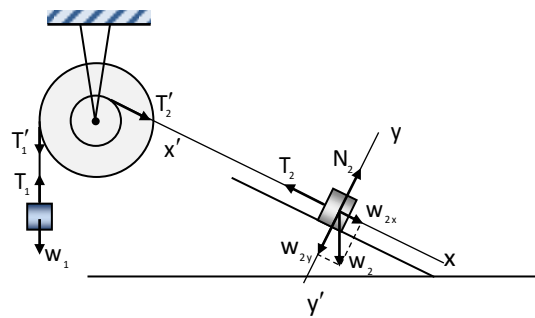
$$Q_{R_2} = I_2^2 R_2 \Delta t \Rightarrow Q_{R_2} = \frac{1}{9} 3 \cdot 3 = 1J$$

Το ποσοστό % του συνολικού έργου της F που γίνεται θερμότητα στον αντιστάτη  $R_2$ :

$$\pi\% = \frac{Q_{R_2}}{W_F} 100\% = \frac{1}{4} 100\% = 25\%$$

**Θέμα Δ'**

**Δ.1**



Στο σώμα 1:  $\sum F_{xx'1} = 0 \Rightarrow W_1 = T_1$

Στο σώμα 2:  $\sum F_{xx'2} = 0 \Rightarrow W_{2x} = T_2 \Rightarrow W_2 \eta \mu \phi = T_2 \Rightarrow T_2 = m_2 g \eta \mu \phi$

Λόγω αβαρών νημάτων:  $T_1 = T_1', T_2 = T_2'$

Άρα

$W_1 = T_1', W_{2x} = T_2'$

$m_1 g = T_1', m_2 g \eta \mu \phi = T_2'$

$\sum \tau = 0 \Rightarrow T_1' 2r = T_2' r \Rightarrow m_1 g 2r = m_2 g \eta \mu \phi r \Rightarrow m_1 = \frac{m_2 \eta \mu \phi}{2} \Rightarrow m_2 = \frac{5 \cdot 0.6}{2} = 1.5 \text{Kg}$

Και για την δύναμη του άξονα ισχύει:

$W_{\text{τροχ}} = Mg = 15 \text{kg}$

$T_1' = m_1 g = 15$

$T_2' = m_2 g \eta \mu \phi = 30 \text{N}$

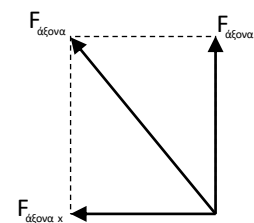
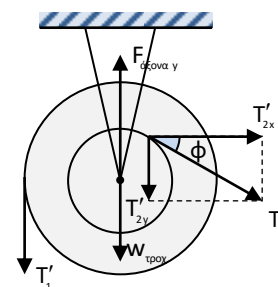
$T_{2y}' = T_2' \eta \mu \phi = 18 \text{N}$

$T_{2x}' = T_2' \sigma \nu \eta \mu \phi = 24 \text{N}$

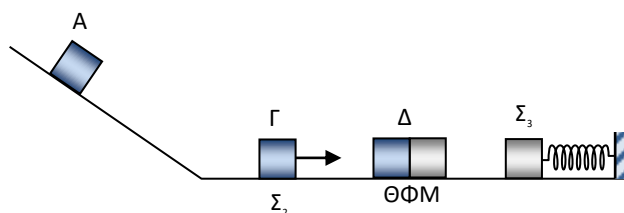
$\sum F_{yy'(O)} = 0 \Rightarrow F_{\text{άξονα } yy'} = T_1' + W_{\text{τροχ}} + T_{2y}' = 48 \text{N}$

$F_{\text{άξονα } xx'} = T_{2x}' = 24 \text{N}$

$F_{\text{άξονα ολική}} = \sqrt{24^2 + 48^2} = 24\sqrt{5} \text{N}$



**Δ.2**



Κρούση στο Δ (ΘΙ):

$$\text{Σώμα 2: } E_A = E_r \Rightarrow (K_A + U_A = K_r + U_r) \Rightarrow m_2 gh = \frac{1}{2} m_2 u_r^2 \Rightarrow u_r = \sqrt{2gh} = 6 \text{ m/s}$$

$$\text{Σώμα 3: } T = 2\pi \sqrt{\frac{m_3}{k}} \text{ και σε χρόνο } \Delta t = \frac{T}{4} \text{ έχουμε κρούση:}$$

$$u_r = \frac{l}{\Delta t} \Rightarrow \Delta t = \frac{l}{u_r} = \frac{3\pi}{5} = 0.1\pi \text{ sec}$$

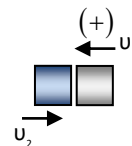
$$\text{οπότε } \frac{2\pi \sqrt{\frac{m_3}{k}}}{4} = 0.1\pi \Rightarrow \sqrt{\frac{m_3}{k}} = 0.2 \Rightarrow \frac{m_3}{k} = 0.04 \Rightarrow k = 125 \text{ N/m}$$

### Δ.3

$$u_{2\text{πριν}} = 6 \text{ m/s}$$

Κατά την ελαστική κρούση ισχύει

$$u_3 = \omega d = \sqrt{\frac{k}{m_3}} d = 5 \cdot 0.2 = 1 \text{ m/s}$$



Επειδή τα σώματα 2 και 3 έχουν ίσες μάζες, ανταλλάσσουν ταχύτητα και τελικά:

$$u_2' = +1 \text{ m/s}, u_3' = -6 \text{ m/s}$$

Η νέα ταλάντωση του σώματος 3 περιλαμβάνει:

$$u_{\text{max}} = u_3' = 6 \text{ m/s κατά μέτρο.}$$

$$6 = \sqrt{\frac{k}{m_3}} A \Rightarrow 6 = 5A \Rightarrow A = 1.2 \text{ m}$$

για την εξίσωση ταλάντωσης ισχύει:

$$x = A \sin(\omega t + \phi_0) \text{ όπου την } t=0, x=0, u < 0 \text{ άρα } 0 = A \sin \phi_0 \Rightarrow \phi_0 = \pi \text{ rad}$$

$$x = 1.2 \sin(5t + \pi)$$

### Δ.4

$$K_3 = 8U_3$$

$$E = K + U$$

$$E = 8U + U$$

$$\frac{1}{2} k A^2 = 9 \frac{1}{2} k x^2 \Rightarrow x^2 = \frac{A^2}{9} \Rightarrow x = -\frac{A}{3}$$

η επιλογή της αρνητικής θέσης έγινε διότι αμέσως μετά την κρούση το σώμα 3 κινείται προς τον αρνητικό ημιάξονα.

$$\frac{\Delta p}{\Delta t} = \sum F = -kx = 50 \text{ kg} \frac{\text{m}}{\text{sec}^2}$$

$$\left| \frac{\Delta K}{\Delta t} \right| = \frac{\Delta W}{\Delta t} = kxu \text{ όπου από ΑΔΕΤ ισχύει ότι:}$$
$$u^2 = \omega^2(A^2 - x^2) = \omega^2(A^2 - \frac{A^2}{9}) = \frac{8}{9}\omega^2 A^2$$
$$|u| = \frac{\sqrt{8}\omega A}{3} = 4\sqrt{2}m/s$$

άρα τελικά:  $\left| \frac{\Delta K}{\Delta t} \right| = kxu = 125 \cdot 0.4 \cdot 4\sqrt{2} = 200\sqrt{2}J/s$

**Δ.5** Το σώμα 4 περνά από τη Θ1 για πρώτη φορά μετά την κρούση έπειτα από χρόνο:

$$\Delta t = \frac{T}{2} \text{ με } T = 2\pi\sqrt{\frac{m_3}{k}} = 0.4\pi \text{sec} \text{ άρα } \Delta t = 0.2\pi \text{sec.}$$

Γνωρίζουμε ότι η  $u_2' = 1m/s \Rightarrow \Delta x = u_2' \cdot \Delta t = 1 \cdot 0.2\pi = 0.2\pi m = 0.628m$